

Число 6, числа простые и составные.

1. Введение.

По определению, простые числа – числа, которые делятся на единицу и только на себя:
1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29,

Их бесконечное множество. Это доказал Эвклид.

Формулу простых чисел искал Мерсенн, Ферма.

В их честь названы простые числа Мерсенна: $2^n - 1$, - и простые числа Ферма: $2^{2^n} - 1$.

Широко известно высказывание Л.Эйдера: «Математики уже давно тщетно пытаются найти закономерности в последовательности простых чисел, но у меня есть основания полагать, что это тайна, в которую человеческий разум никогда не сможет проникнуть».

Л.Эйлер нашёл простое число, равное $2^{31} - 1 = 2147483647$.

В настоящее время самое большое простое число:

$$2^{74\ 207\ 281} - 1 \text{ или } 10^{22\ 338\ 617,5} - 1.$$

Считается, что наиболее близко подошёл к открытию закономерности в последовательности простых чисел Бернхард Риман. А тот, кто докажет гипотезу дзета-функции Римана (дзета-функции Эйлера) автоматически откроет и тайну простых чисел.

В этой статье исследуются закономерности в последовательности простых и составных чисел на основе простых чисел-близнецов.

2. Простые числа-близнецы вида $N = 4 * n - 1$ и $N = 4 * n + 1$.

Разложим натуральный ряд чисел: $N = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, \infty$, в таблицу, состоящую из четырёх столбцов, исключив из неё число 1.

Таблица 1.

n	$4 * n - 2$	$4 * n - 1$	$4 * n$	$4 * n + 1$
1	2	3	4	5
2	6	7	8	9
3	10	11	12	13
4	14	15	16	17
5	18	19	20	21
6	22	23	24	25
7	26	27	28	29
8	30	31	32	33
9	34	35	36	37

10	38	39	40	41
11	42	43	44	45
12	46	47	48	49
13	50	51	52	53
14	54	55	56	57
15	58	59	60	61
16	62	63	64	65
17	66	67	68	69
18	70	71	72	73
19	74	75	76	77
20	78	79	80	81
21	82	83	84	85
22	86	87	88	89
23	90	91	92	93
24	94	95	96	97
25	98	99	100	101
26	102	103	104	105
27	106	107	108	109
28	110	111	112	113
29	114	115	116	117
30	118	119	120	121
31	122	123	124	125
32	126	127	128	129
33	130	131	132	133
34	134	135	136	137
35	138	139	140	141
36	142	143	144	145
37	146	147	148	149
38	150	151	152	153
39	154	155	156	157
40	158	159	160	161
41	162	163	164	165
42	166	167	168	169
43	170	171	172	173
44	174	175	176	177
45	178	179	180	181
46	182	183	184	185
47	186	187	188	189
48	190	191	192	193
49	194	195	196	197
50	198	199	200	201
51	202	203	204	205
52	206	207	208	209
53	210	211	212	213
54	214	215	216	217
55	218	219	220	221

56	222	223	224	225
57	226	227	228	229
58	230	231	232	233
59	234	235	236	237
60	238	239	240	241

Примечание: жёлтым цветом выделены простые числа-близнецы, зелёным цветом – простые числа.

Кроме простого числа **2**, простые числа располагаются в двух столбцах таблицы, наряду с нечётными составными числами.

В столбцах таблицы $4 * n - 2$ расположены не простые, а составные числа кратные **2**.

В столбцах таблицы $4 * n$ расположены не простые, а составные числа кратные **4**.

3. Простые числа-близнецы вида $N = 6 * n - 1$ и $N = 6 * n + 1$.

Разложим натуральный ряд чисел: $N = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, \dots, \infty$, в таблицу, состоящую из шести столбцов, исключив из неё число 1.

Таблица 2.

n	$6 * n - 4$	$6 * n - 3$	$6 * n - 2$	$6 * n - 1$	$6 * n$	$6 * n + 1$
1	2	3	4	5	6	7
2	8	9	10	11	12	13
3	14	15	16	17	18	19
4	20	21	22	23	24	25
5	26	27	28	29	30	31
6	32	33	34	35	36	37
7	38	39	40	41	42	43
8	44	45	46	47	48	49
9	50	51	52	53	54	55
10	56	57	58	59	60	61
11	62	63	64	65	66	67
12	68	69	70	71	72	73
13	74	75	76	77	78	79
14	80	81	82	83	84	85
15	86	87	88	89	90	91
16	92	93	94	95	96	97
17	98	99	100	101	102	103
18	104	105	106	107	108	109
19	110	111	112	113	114	115
20	116	117	118	119	120	121
21	122	123	124	125	126	127

22	128	129	130	131	132	133
23	134	135	136	137	138	139
24	140	141	142	143	144	145
25	146	147	148	149	150	151
26	152	153	154	155	156	157
27	158	159	160	161	162	163
28	164	165	166	167	168	169
29	170	171	172	173	174	175
30	176	177	178	179	180	181
31	182	183	184	185	186	187
32	188	189	190	191	192	193
33	194	195	196	197	198	199
34	200	201	202	203	204	205
35	206	207	208	209	210	211
36	212	213	214	215	216	217
37	218	219	220	221	222	223
38	224	225	226	227	228	229
39	230	231	232	233	234	235
40	236	237	238	239	240	241

Примечание: жёлтым цветом выделены простые числа-близнецы, зелёным цветом – простые числа.

Все простые числа, за исключением **2** и **3**, наряду с нечётными составными числами, расположены в столбцах таблицы при значении $N = 6 * n - 1$ и $N = 6 * n + 1$.

В столбцах таблицы $6 * n - 4$ расположены не простые, а составные числа кратные **2**.

В столбцах таблицы $6 * n - 3$ расположены не простые, а составные числа кратные **3**.

В столбцах таблицы $6 * n - 2$ расположены не простые, а составные числа кратные **2**.

Все **14 пар** простых чисел-близнецов расположены в столбцах $6 * n - 1$ и $6 * n + 1$ на одинаковой строке n .

Не трудно заметить, что нечётные составные числа столбца $6 * n - 1$ образованы умножением чисел столбца $6 * n - 1$ на числа столбца $6 * n + 1$, а столбца $6 * n + 1$ образованы умножением чисел столбца $6 * n + 1$ на числа столбца $6 * n - 1$.

4. Сравнение таблиц 1 и 2.

Таблицы 1 и 2 составлены из **241** числа натурального ряда чисел, за исключением числа **1**.

В таблице 1 на одинаковой строке n расположены только **9 пар** простых чисел-близнецов.

В таблице 2 на одинаковой строке n расположены **все из возможных 14 пар** простых чисел-близнецов.

Таким образом, таблица 2 расположения натуральных чисел, за исключением чисел **0** и **1**, в шести столбцах является более правильной, чем таблица 1, где натуральные числа расположены в четырёх столбцах.

Общий вывод: все имеющиеся натуральные числа, кроме **0** и **1**, можно расположить всего на шести столбцах, которые можно назвать *струнами*. Все простые числа, кроме числа **2**, расположены на столбцах $6 * n - 1$ и $6 * n + 1$.

5. Рассмотрение таблицы 2.

Вернёмся к таблице 2, увеличив число натуральных чисел до **367**.

5.1. Сходимость значений от простых и составных нечётных чисел в столбцах $6 * n - 1$, $6 * n$ и $6 * n + 1$ к числу 6.

Разделим значения в столбцах $6 * n - 1$, $6 * n$ и $6 * n + 1$ на n , получим значения:

$$6 - \frac{1}{n}, 6 \text{ и } 6 + \frac{1}{n}.$$

Таким образом, простые числа располагаются строго от числа **6** слева и справа, на расстоянии, равном $\frac{1}{n}$: $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \dots, \frac{1}{n}$.

Но: $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \frac{1}{6}, \frac{1}{7}, \dots, \frac{1}{n}$, - есть ни что иное, как *гармонический ряд*.

Таблица 3.

n	$6 - 1/n$	$1/n$	6	$1/n$	$6 + 1/n$
1	5	1	6	1	7
2	5 1/2	1/2	6	1/2	6 1/2
3	5 2/3	1/3	6	1/3	6 1/3
4	5 3/4	1/4	6	1/4	6 1/4
5	5 4/5	1/5	6	1/5	6 1/5
6	5 5/6	1/6	6	1/6	6 1/6
7	5 6/7	1/7	6	1/7	6 1/7
8	5 7/8	1/8	6	1/8	6 1/8
9	5 8/9	1/9	6	1/9	6 1/9
10	5 9/10	1/10	6	1/10	6 1/10
11	5 10/11	1/11	6	1/11	6 1/11
12	5 11/12	1/12	6	1/12	6 1/12
13	5 12/13	1/13	6	1/13	6 1/13
14	5 13/14	1/14	6	1/14	6 1/14

15	5 14/15	1/15	6	1/15	6 1/15
16	5 15/16	1/16	6	1/16	6 1/16
17	5 16/17	1/17	6	1/17	6 1/17
18	5 17/18	1/18	6	1/18	6 1/18
19	5 18/19	1/19	6	1/19	6 1/19
20	5 19/20	1/20	6	1/20	6 1/20
21	5 20/21	1/21	6	1/21	6 1/21
22	5 21/22	1/22	6	1/22	6 1/22
23	5 22/23	1/23	6	1/23	6 1/23
24	5 23/24	1/24	6	1/24	6 1/24
25	5 24/25	1/25	6	1/25	6 1/25
26	5 25/26	1/26	6	1/26	6 1/26
27	5 26/27	1/27	6	1/27	6 1/27
28	5 27/28	1/28	6	1/28	6 1/28
29	5 28/29	1/29	6	1/29	6 1/29
30	5 29/30	1/30	6	1/30	6 1/30
31	5 30/31	1/31	6	1/31	6 1/31
32	5 31/32	1/32	6	1/32	6 1/32
33	5 32/33	1/33	6	1/33	6 1/33
34	5 33/34	1/34	6	1/34	6 1/34
35	5 34/35	1/35	6	1/35	6 1/35
36	5 35/36	1/36	6	1/36	6 1/36
37	5 36/37	1/37	6	1/37	6 1/37
38	5 37/38	1/38	6	1/38	6 1/38
39	5 38/39	1/39	6	1/39	6 1/39
40	5 39/40	1/40	6	1/40	6 1/40
41	5 40/41	1/41	6	1/41	6 1/41
42	5 41/42	1/42	6	1/42	6 1/42
43	5 42/43	1/43	6	1/43	6 1/43
44	5 43/44	1/44	6	1/44	6 1/44
45	5 44/45	1/45	6	1/45	6 1/45
46	5 45/46	1/46	6	1/46	6 1/46
47	5 46/47	1/47	6	1/47	6 1/47
48	5 47/48	1/48	6	1/48	6 1/48
49	5 48/49	1/49	6	1/49	6 1/49
50	5 49/50	1/50	6	1/50	6 1/50
51	5 50/51	1/51	6	1/51	6 1/51
52	5 51/52	1/52	6	1/52	6 1/52
53	5 52/53	1/53	6	1/53	6 1/53
54	5 53/54	1/54	6	1/54	6 1/54
55	5 54/55	1/55	6	1/55	6 1/55
56	5 55/56	1/56	6	1/56	6 1/56
57	5 56/57	1/57	6	1/57	6 1/57
58	5 57/58	1/58	6	1/58	6 1/58

59	5 58/59	1/59	6	1/59	6 1/59
60	5 59/60	1/60	6	1/60	6 1/60
61	5 60/61	1/61	6	1/61	6 1/61

Если разделить значения: $6 - \frac{1}{n}$, 6 и $6 + \frac{1}{n}$, - на $\frac{1}{n}$, - получаем значения:

$$\frac{6 - \frac{1}{n}}{\frac{1}{n}}, \quad \frac{6}{\frac{1}{n}} \quad \text{и} \quad \frac{6 + \frac{1}{n}}{\frac{1}{n}},$$

которые есть ни что иное, как значения:

$6 * n - 1$, $6 * n$ и $6 * n + 1$, - то есть значения чисел в столбцах таблицы 2.

Точно такой же результат получается от умножения значений:

$6 - \frac{1}{n}$, 6 и $6 + \frac{1}{n}$ на n :

$(6 - \frac{1}{n}) * n = 6 * n - 1$, $6 * n$, $(6 + \frac{1}{n}) * n = 6 * n + 1$, - то есть значения чисел в столбцах таблицы 2.

В таблице 3 представлены полученные результаты.

Таблица 3.

$6 * n - 1$	n	$6 - 1/n$	6	$6 + 1/n$	n	$6 * n + 1$
5	1	5	6	7	1	7
11	2	5 1/2	6	6 1/2	2	13
17	3	5 2/3	6	6 1/3	3	19
23	4	5 3/4	6	6 1/4	4	25
29	5	5 4/5	6	6 1/5	5	31
35	6	5 5/6	6	6 1/6	6	37
41	7	5 6/7	6	6 1/7	7	43
47	8	5 7/8	6	6 1/8	8	49
53	9	5 8/9	6	6 1/9	9	55
59	10	5 9/10	6	6 1/10	10	61
65	11	5 10/11	6	6 1/11	11	67
71	12	5 11/12	6	6 1/12	12	73
77	13	5 12/13	6	6 1/13	13	79
83	14	5 13/14	6	6 1/14	14	85
89	15	5 14/15	6	6 1/15	15	91
95	16	5 15/16	6	6 1/16	16	97
101	17	5 16/17	6	6 1/17	17	103
107	18	5 17/18	6	6 1/18	18	109
113	19	5 18/19	6	6 1/19	19	115

119	20	5 19/20	6	6 1/20	20	121
125	21	5 20/21	6	6 1/21	21	127
131	22	5 21/22	6	6 1/22	22	133
137	23	5 22/23	6	6 1/23	23	139
143	24	5 23/24	6	6 1/24	24	145
149	25	5 24/25	6	6 1/25	25	151
155	26	5 25/26	6	6 1/26	26	157
161	27	5 26/27	6	6 1/27	27	163
167	28	5 27/28	6	6 1/28	28	169
173	29	5 28/29	6	6 1/29	29	175
179	30	5 29/30	6	6 1/30	30	181
185	31	5 30/31	6	6 1/31	31	187
191	32	5 31/32	6	6 1/32	32	193
197	33	5 32/33	6	6 1/33	33	199
203	34	5 33/34	6	6 1/34	34	205
209	35	5 34/35	6	6 1/35	35	211
215	36	5 35/36	6	6 1/36	36	217
221	37	5 36/37	6	6 1/37	37	223
227	38	5 37/38	6	6 1/38	38	229
233	39	5 38/39	6	6 1/39	39	235
239	40	5 39/40	6	6 1/40	40	241
245	41	5 40/41	6	6 1/41	41	247
251	42	5 41/42	6	6 1/42	42	253
257	43	5 42/43	6	6 1/43	43	259
263	44	5 43/44	6	6 1/44	44	265
269	45	5 44/45	6	6 1/45	45	271
275	46	5 45/46	6	6 1/46	46	277
281	47	5 46/47	6	6 1/47	47	283
287	48	5 47/48	6	6 1/48	48	289
293	49	5 48/49	6	6 1/49	49	295
299	50	5 49/50	6	6 1/50	50	301
305	51	5 50/51	6	6 1/51	51	307
311	52	5 51/52	6	6 1/52	52	313
317	53	5 52/53	6	6 1/53	53	319
323	54	5 53/54	6	6 1/54	54	325
329	55	5 54/55	6	6 1/55	55	331
335	56	5 55/56	6	6 1/56	56	337
341	57	5 56/57	6	6 1/57	57	343
347	58	5 57/58	6	6 1/58	58	349
353	59	5 58/59	6	6 1/59	59	355
359	60	5 59/60	6	6 1/60	60	361
365	61	5 60/61	6	6 1/61	61	367

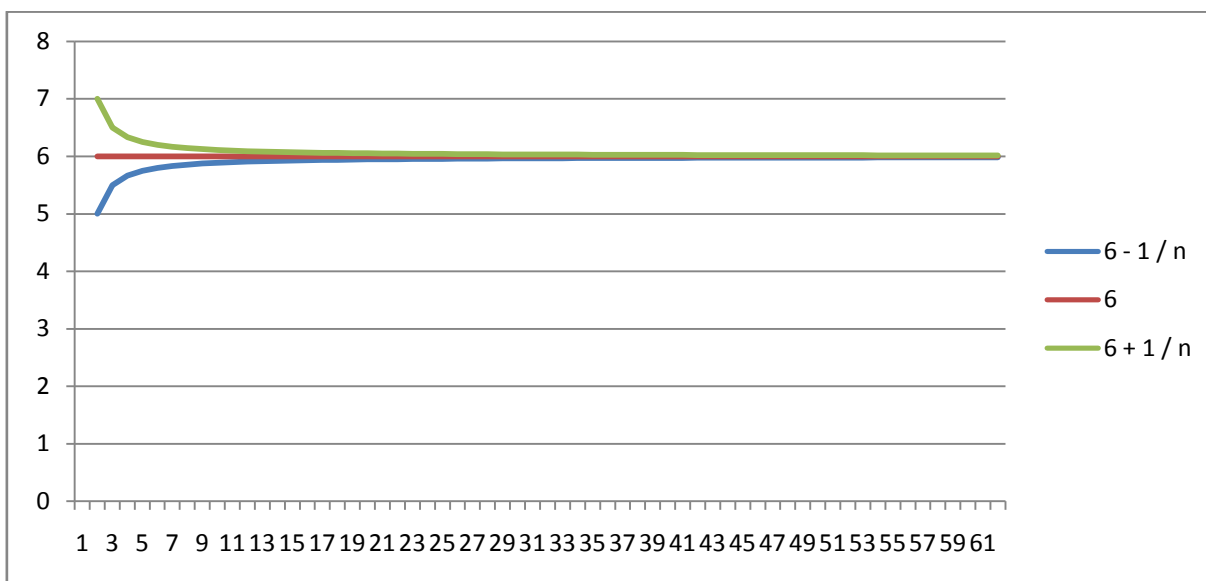
Примечание: жёлтым цветом выделены простые числа-близнецы, зелёным цветом – простые числа.

Что интересного в значениях $6 - \frac{1}{n}$ и $6 + \frac{1}{n}$, расположенных слева и справа от числа 6?

То есть там, где расположены простые числа?

То, что ряды $6 - \frac{1}{n}$ и $6 + \frac{1}{n}$ сходятся к числу 6 и на графике 1 это наглядно видно.

График 1.



Таким образом, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 - \frac{1}{n}\right) \rightarrow 6$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 + \frac{1}{n}\right) \rightarrow 6$.

В этом-то и заключается связь простых чисел и числа 6.

А посредником этой связи является гармонический ряд, такой же мифический и мистический, как и само число 6.

Именно, число 6 и гармонический ряд, а не комплексная функция комплексного переменного или аналитическое продолжение дзета-функции Эйлера, которую почему-то называют дзета-функцией Римана, определяет расположение простых чисел.

5.2. Сходимость значений от натуральных чисел в столбцах $6 * n - 4$, $6 * n - 3$, $6 * n - 2$, $6 * n - 1$, $6 * n$ и $6 * n + 1$ к числу 6.

От рассмотрения простых чисел перейдём к рассмотрению всех чисел натурального ряда, кроме чисел 0 и 1.

Разделим значения чисел в столбцах $6 * n - 4$, $6 * n - 3$, $6 * n - 2$, $6 * n - 1$, $6 * n$ и $6 * n + 1$ на n , получим значения:

$$6 - \frac{4}{n}, 6 - \frac{3}{n}, 6 - \frac{2}{n}, 6 - \frac{1}{n}, 6 \text{ и } 6 + \frac{1}{n}.$$

Результаты приведены в таблице 4.

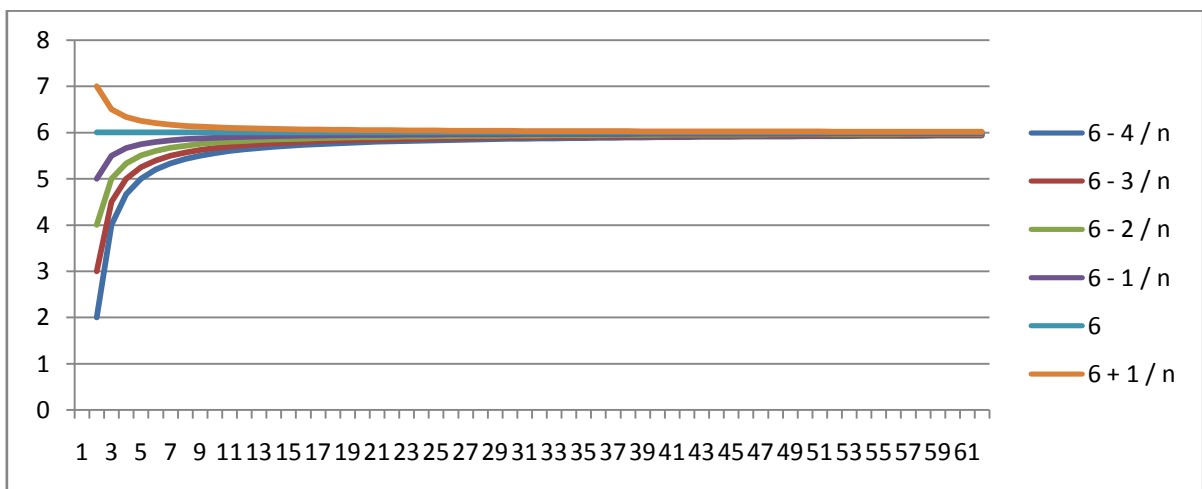
Таблица 4.

$6 - 4/n$	$6 - 3/n$	$6 - 2/n$	$6 - 1/n$	6	$6 + 1/n$
2	3	4	5	6	7
4	4,5	5	5,5	6	6,5
4,666666667	5	5,333333333	5,666666667	6	6,333333333
5	5,25	5,5	5,75	6	6,25
5,2	5,4	5,6	5,8	6	6,2
5,333333333	5,5	5,666666667	5,833333333	6	6,166666667
5,428571429	5,571428571	5,714285714	5,857142857	6	6,142857143
5,5	5,625	5,75	5,875	6	6,125
5,555555556	5,666666667	5,777777778	5,888888889	6	6,111111111
5,6	5,7	5,8	5,9	6	6,1
5,636363636	5,727272727	5,818181818	5,909090909	6	6,090909091
5,666666667	5,75	5,833333333	5,916666667	6	6,083333333
5,692307692	5,769230769	5,846153846	5,923076923	6	6,076923077
5,714285714	5,785714286	5,857142857	5,928571429	6	6,071428571
5,733333333	5,8	5,866666667	5,933333333	6	6,066666667
5,75	5,8125	5,875	5,9375	6	6,0625
5,764705882	5,823529412	5,882352941	5,941176471	6	6,058823529
5,777777778	5,833333333	5,888888889	5,944444444	6	6,055555556
5,789473684	5,842105263	5,894736842	5,947368421	6	6,052631579
5,8	5,85	5,9	5,95	6	6,05
5,80952381	5,857142857	5,904761905	5,952380952	6	6,047619048
5,818181818	5,863636364	5,909090909	5,954545455	6	6,045454545
5,826086957	5,869565217	5,913043478	5,956521739	6	6,043478261
5,833333333	5,875	5,916666667	5,958333333	6	6,041666667
5,84	5,88	5,92	5,96	6	6,04
5,846153846	5,884615385	5,923076923	5,961538462	6	6,038461538
5,851851852	5,888888889	5,925925926	5,962962963	6	6,037037037
5,857142857	5,892857143	5,928571429	5,964285714	6	6,035714286
5,862068966	5,896551724	5,931034483	5,965517241	6	6,034482759
5,866666667	5,9	5,933333333	5,966666667	6	6,033333333
5,870967742	5,903225806	5,935483871	5,967741935	6	6,032258065
5,875	5,90625	5,9375	5,96875	6	6,03125
5,878787879	5,909090909	5,939393939	5,96969697	6	6,03030303
5,882352941	5,911764706	5,941176471	5,970588235	6	6,029411765
5,885714286	5,914285714	5,942857143	5,971428571	6	6,028571429
5,888888889	5,916666667	5,944444444	5,972222222	6	6,027777778

5,891891892	5,918918919	5,945945946	5,972972973	6	6,027027027
5,894736842	5,921052632	5,947368421	5,973684211	6	6,026315789
5,897435897	5,923076923	5,948717949	5,974358974	6	6,025641026
5,9	5,925	5,95	5,975	6	6,025
5,902439024	5,926829268	5,951219512	5,975609756	6	6,024390244
5,904761905	5,928571429	5,952380952	5,976190476	6	6,023809524
5,906976744	5,930232558	5,953488372	5,976744186	6	6,023255814
5,909090909	5,931818182	5,954545455	5,977272727	6	6,022727273
5,911111111	5,933333333	5,955555556	5,977777778	6	6,022222222
5,913043478	5,934782609	5,956521739	5,97826087	6	6,02173913
5,914893617	5,936170213	5,957446809	5,978723404	6	6,021276596
5,916666667	5,9375	5,958333333	5,979166667	6	6,020833333
5,918367347	5,93877551	5,959183673	5,979591837	6	6,020408163
5,92	5,94	5,96	5,98	6	6,02
5,921568627	5,941176471	5,960784314	5,980392157	6	6,019607843
5,923076923	5,942307692	5,961538462	5,980769231	6	6,019230769
5,924528302	5,943396226	5,962264151	5,981132075	6	6,018867925
5,925925926	5,944444444	5,962962963	5,981481481	6	6,018518519
5,927272727	5,945454545	5,963636364	5,981818182	6	6,018181818
5,928571429	5,946428571	5,964285714	5,982142857	6	6,017857143
5,929824561	5,947368421	5,964912281	5,98245614	6	6,01754386
5,931034483	5,948275862	5,965517241	5,982758621	6	6,017241379
5,93220339	5,949152542	5,966101695	5,983050847	6	6,016949153
5,933333333	5,95	5,966666667	5,983333333	6	6,016666667
5,93442623	5,950819672	5,967213115	5,983606557	6	6,016393443

Все ряды $6 - \frac{4}{n}$, $6 - \frac{3}{n}$, $6 - \frac{2}{n}$, $6 - \frac{1}{n}$, 6 и $6 + \frac{1}{n}$ сходятся к числу 6 и на графике 2 это наглядно видно.

График 2.



Таким образом, $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 - \frac{4}{n}\right) \rightarrow 6$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 - \frac{3}{n}\right) \rightarrow 6$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 - \frac{2}{n}\right) \rightarrow 6$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 - \frac{1}{n}\right) \rightarrow 6$,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(6 + \frac{1}{n}\right) \rightarrow 6$.

6. Заключение.

Благодаря простым числам-близнецам удалось определить закономерность в последовательности простых чисел и её связь с числом **6**.

Но самое главное, удалось разложить все натуральные числа на шесть столбцов или струн.

Случайно ли это?

На заре цивилизации народы Месопотамии (шумеры, вавилоняне) использовали шестидесятеричную систему счисления. У нас она используется лишь при измерении времени и градусов, но не температуры.

Думаю прав немецкий математик Л.Кронекер, сказавший: «Бог создал натуральные числа, всё остальное – дело рук человека». Правда добавлю: «Да, Бог создал натуральные числа для человека, а Сам Он считает другими числами».

В Природе нет ни дифференциалов, ни интегралов, ни комплексных чисел, ни логарифмов, ни числа e . Всё это придумал человек. Благодаря этому построилась и строится наша цивилизация. Но это не значит правильно и точно. А только - с определённой степенью точности, примерно, приблизительно.

Может быть можно, используя дзета-функцию Римана (Эйлера) определить закономерность в последовательности простых чисел, но это будет опять всего лишь приблизительно.

Эта статья является всего лишь частью работы «Простые числа». В которой на основе тригонометрической теории чисел (тригонометрической арифметики или волновой арифметики, как я её называю) приводится и формула простых чисел и, доказывается, почему именно число **6** так связано с простыми числами.

Список использованной литературы:

1. Выгодский М.Я. «Справочник по элементарной математике». Москва, 2001 г., 416 стр.. ISBN 5-7102-0190-1.
2. Мир математики: Т. 5: Клауди Альсина. «Секта чисел. Теорема Пифагора». Москва, 2014 г., 160 стр.. ISBN 978-5-9774-0633-8(т. 5).
3. Мир математики: Т. 3: Энрике Грасиан. «Простые числа. Долгая дорога к бесконечности». Москва, 2014 г., 144 стр.. ISBN 978-5-9774-0637-6(т. 3).
4. Мир математики: Т. 25: Хоакин Наварро. «Неуловимые идеи и вечные теоремы. Великие задачи математики». Москва, 2014 г., 160 стр.. ISBN 978-5-9774-0720-5 (т. 25).
5. Тобиас Данциг. «Числа – язык науки». Москва, Техносфера, 2008 г., 304 стр.. ISBN 978-5-94836-172-7.